

Авлохова А. Р. провела проектную работу в 8 «Б», 8 «Г»,
8 «Д» классах

- Тема проекта: «Доказательство теоремы Пифагора»
- Цель проекта: ознакомление учащихся с историей теоремы Пифагора и фактами из жизни Пифагора.
- Задачи проекта:

1. Изучить различные доказательства теоремы Пифагора.

2. Выявить области применения теоремы.

Описание работы:

в ходе проектной деятельности учащиеся 8 классов изучали материал по следующим темам: 1. Жизнь Пифагора

2. История теоремы Пифагора

3. Школа пифагорейцев

4. Применение теоремы Пифагора

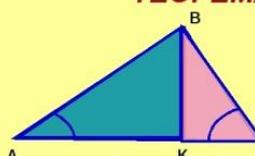
5. Различные доказательства теоремы Пифагора.

Каждый учащийся подготовил два доклада. Несколько человек из каждого класса выступали на уроках. Завершающим этапом была самостоятельная работа по данной теме. Каждый учащийся получил оценку за свою работу.





ТЕОРЕМА ПИФАГОРА



ДАНО: $\triangle ABC$ – прямоугольный,
 $\angle C = 90^\circ$, BK – высота

ДОКАЗАТЬ:
 $AB^2 + BC^2 = AC^2$

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО:

Из $\triangle ABC \rightarrow \cos \angle A = AB : AC$
 Из $\triangle ABK \rightarrow \cos \angle A = AK : AB$ } $\rightarrow AK : AB = AB : AC \rightarrow AB^2 = AK \cdot AC$

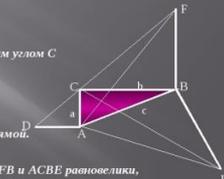
Из $\triangle ABC \rightarrow \cos \angle C = BC : AC$
 Из $\triangle BCK \rightarrow \cos \angle C = KC : BC$ } $\rightarrow KC : BC = BC : AC \rightarrow BC^2 = KC \cdot AC$

$AB^2 + BC^2 = AK \cdot AC + KC \cdot AC = AC \cdot (AK + KC) = AC \cdot AC = AC^2$

Доказательство теоремы Пифагора методом Гоффмана и Мельманна

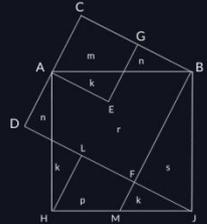
Метод Гоффмана

Построим треугольник ABC с прямым углом C
 Построим $BF=CB$, $BF \perp CB$
 Построим $BE=AB$, $BE \perp AB$
 Построим $AD=AC$, $AD \perp AC$
 Точки F, C, D принадлежат одной прямой.



Как мы видим, четырёхугольники $ADFB$ и $ACBE$ равновелики, т.к. $ABF=ECB$. Треугольники ADF и ACE равновелики.

Отнимем от обеих равновеликих четырёхугольников общий для них треугольник ABC , получим: $1/2a^2 + 1/2b^2 = 1/2c^2$
 Соответственно: $a^2 + b^2 = c^2$ ч.т.д.

На стороне AB прямоугольного треугольника ABC построен квадрат $ABDE$, площадь которого равна c^2 . Он составлен из фигур, площади которых равны r, s, p и k , то есть:

$$c^2 = r + s + p + 3k.$$

Квадрат $EACG$, площадь которого равна a^2 , составлен из фигур, площади которых равны m и k : $a^2 = m + k$.

Квадрат $FDCB$, площадью b^2 составлен из фигур с площадями m, r, n и k .

Треугольники ABC, HJL и JBF равны по гипотенузе и острому углу. Из их равенства вытекает, что:

$$m + n + s = p + k.$$

Значит, заменив:

$$2(m + n) = m + n + m + n = s + p + k,$$
 получим $a^2 + b^2 = r + 2n + 2m + 2k = r + s + p + k + 2k = c^2$.
 То есть $a^2 + b^2 = c^2$. ч.т.д.

Вывод

Теорема Пифагора – одна из самых главных теорем геометрии. Из нее или с ее помощью можно вывести большинство теорем. Сама же теорема Пифагора замечательна тем, что она проста, но не очевидна. Это сочетание двух противоречивых начал и придает ей особую притягательную силу, делает ее красивой. Но, кроме того, теорема Пифагора имеет огромное практическое значение: она применяется в геометрии буквально на каждом шагу.